

Radicación

La operación inversa de elevar al cuadrado es extraer la raíz cuadrada.

Si $b^2 = a$, entonces **b** es una **raíz cuadrada** de **a**.

Por ejemplo, 2 y - 2 son raíces cuadradas de 4, ya que $2^2 = (-2)^2 = 4$.

En forma análoga, **b** es una **raíz cúbica** de **a** si $b^3 = a$.

Por ejemplo, 5 es una raíz cubica de 125 ya que $5^3 = 125$.

Sean **n** un entero mayor que 1; **a** y **b** números reales.

- Si $b^n = a$, entonces **b** es una **raíz enésima** de **a**.
- Si **a** tiene una **raíz enésima**, la **raíz enésima** principal de **a** es la **raíz enésima** que tiene el mismo signo que **a**.

La raíz enésima principal de **a** se puede expresar mediante la **expresión radical** $\sqrt[n]{a}$. El entero positivo **n** es el **índice** del radical y **a** es el **radicando**.

Todos los números tienen exactamente una **raíz enésima** siempre que **n** sea impar.

Por ejemplo, 5 es la única raíz cubica real de 125, porque 5^3 es 125.

Cuando **n** es par, los números positivos tienen dos **raíces enésimas**; los números negativos no tienen **raíces enésimas**.

Por ejemplo, las raíces cuartas de 81 son +3 y - 3 y - 81 no tiene raíces cuartas. La raíz cuarta principal de 81 es 3.

Propiedades:

$\sqrt[n]{a \cdot b} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$	$\sqrt{4 \cdot 25} = \sqrt{4} \cdot \sqrt{25}$
$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$	$\sqrt[4]{\frac{81}{16}} = \frac{\sqrt[4]{81}}{\sqrt[4]{16}}$
$(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m}$	$(\sqrt[3]{8})^4 = \sqrt[3]{8^4}$
$\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[m \cdot n]{a}$	$\sqrt[2]{\sqrt[3]{64}} = \sqrt[6]{64}$
$\sqrt[n]{a^r} = \sqrt[n \cdot m]{a^{r \cdot m}}$	$\sqrt[3]{5^2} = \sqrt[3 \cdot 2]{5^{3 \cdot 2}} = \sqrt[6]{5^6}$
$\sqrt[n]{a^r} = \sqrt[n \cdot m]{a^{r \cdot m}}$	$\sqrt[10]{7^{15}} = \sqrt[10 \cdot 5]{7^{15 \cdot 5}} = \sqrt{7^3}$